

10c Mathematik, 26.02.21

Liebe 10c,

nur noch ein bisschen Mathe trennt uns vom Wochenende. Den ersten Teil der Stunde heute arbeitet ihr selbstständig, den zweiten erarbeiten wir uns zusammen in unserer Videokonferenz um 10:20h.

Los geht's.

1. Lösungsvergleich der Aufgaben vom 23.02.21 (siehe Seite 2)

Wenn man mehrere Vektoren zeichnerisch addiert, also aneinanderreicht, entsteht ein sogenannter **Vektorzug**. Darum soll es jetzt kurz gehen.

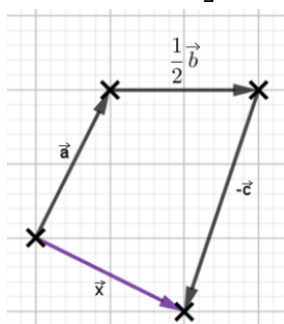
2. Vektorzüge:

a) Übernimm Folgendes in den Hefter:

3.3 Vektorzüge

$$\text{z.B.: } \vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix}, \vec{c} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$\vec{x} = \vec{a} + \frac{1}{2}\vec{b} + (-1) \cdot \vec{c} = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \end{pmatrix}$$



Bei der Aneinanderreihung von Vektoren entsteht ein sogenannter **Vektorzug**.

b) Bearbeite folgende Aufgaben: LB S. 138/14, 16

➔ Gesucht ist jeweils eine Rechnung, mit der man mithilfe der gegebenen Vektoren auf den gesuchten Vektor kommt.

➔ z.B. bei Nr. 16: $\vec{AS} = \frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{2}\vec{b} + \vec{h}$

Eine Anwendung ist die Streckenteilung. Überschrift:

Streckenteilung

3. Streckenteilung

a) Lies dir das 2. Beispiel auf S. 137 durch. Mach dir ggf. Notizen.

b) Gegeben sind die Punkte $A(5|-2|3)$ und $B(6|3|-1,5)$. Bestimme die Punkte P und Q, wenn P die Strecke \overline{AB} im Verhältnis 3:1 und Q \overline{AB} im Verhältnis 1:2 teilt. Mach dir zuvor eine Skizze zum Sachverhalt.

Weiter auf der nächsten Seite. ➔

Und jetzt noch eine kleine Vorbereitung für unsere Videokonferenz:

4. **Übernimm die Überschrift in deinen Hefter und ergänze die Zahlen x, y und c so, dass die Rechnung stimmt:**

3.4 Linearkombination von Vektoren

$$\text{z.B.: } \vec{x} = \begin{pmatrix} 10 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = 2 \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ -3 \end{pmatrix} + c \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}$$

Den Rest dazu gibt es bei unserer Videokonferenz nachher / gleich. ☺

Lösungen vom 23.02.21:

LB S. 136/7

$$\text{a) } \begin{pmatrix} 6 \\ 3 \\ 17 \end{pmatrix} \quad \text{b) } \begin{pmatrix} 15 \\ 10 \\ 5 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -3 \\ 0 \\ 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 12 \\ 10 \\ 11 \end{pmatrix} \quad \text{c) } \begin{pmatrix} 24 \\ -3 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -20 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}$$

LB S. 136/8 - Beispiellösungen

$$\begin{aligned} \text{b) } \begin{pmatrix} 3,5 \\ 1 \\ 2,5 \end{pmatrix} &= 0,5 \cdot \begin{pmatrix} 7 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix} & \text{c) } \begin{pmatrix} 0,25 \\ 0,5 \\ -2 \end{pmatrix} &= \frac{1}{4} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -8 \end{pmatrix} & \text{d) } \begin{pmatrix} 1 \\ 0,4 \\ 0,6 \end{pmatrix} &= 0,1 \cdot \begin{pmatrix} 10 \\ 4 \\ 6 \end{pmatrix} \\ \text{e) } \begin{pmatrix} 0,5 \\ -0,25 \\ 0,125 \end{pmatrix} &= \frac{1}{8} \cdot \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} & \text{f) } \begin{pmatrix} 1,5 \\ 3 \\ 0,75 \end{pmatrix} &= \frac{1}{4} \cdot \begin{pmatrix} 6 \\ 12 \\ 3 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

LB S. 136/9

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix}, \vec{c} = \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \end{pmatrix}, \vec{d} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \end{pmatrix}, \vec{e} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}, \vec{f} = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Achtung: Man kann theoretisch auch davon ausgehen, dass gilt: 1 LE = 2 Kästchen. Dann würden die Vektoren so lauten: $\vec{a} = \begin{pmatrix} 0,5 \\ 1 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix}$ usw. Dann entsprechen auch die Ergebnisse immer der Hälfte der hier gegebenen Vektoren.

$$\begin{aligned} \text{a) } \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix} & \quad \text{b) } \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix} & \quad \text{c) } \begin{pmatrix} 3 \\ 6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -4 \\ -4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 5 \end{pmatrix} & \quad \text{d) } \begin{pmatrix} 10 \\ 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 8 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \end{pmatrix} \\ \text{e) } \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ -3 \end{pmatrix} & \quad \text{f) } \begin{pmatrix} 3 \\ -3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -3 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \end{aligned}$$